

Savoirs SL 4 : Limites usuelles : multiples et sommes

Exercice 8 : Conjecturer la limite d'une suite

Pour chacune des suites, conjecturer sur sa limite éventuelle.

1) À partir d'un tableau de valeurs.

$$u_{n+1} = \frac{1}{2} \left(u_n + \frac{3}{u_n} \right) \text{ et } u_0 = 6$$

n	Un
0	6
1	3,25
2	2,086538462
3	1,76216324
4	1,732308093
5	1,732050827
6	1,732050808
7	1,732050808

$$v_n = n + 4 \sin n$$

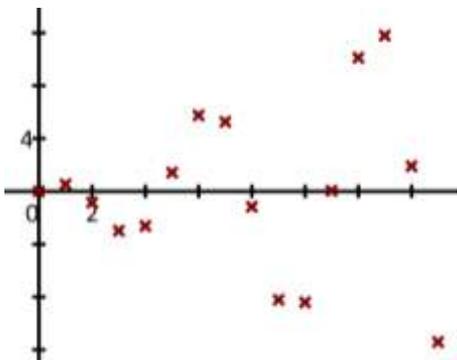
n	Vn
6	5,720584502
7	7,656986599
8	8,989358247
9	9,412118485
10	9,455978889
11	10,00000979
12	11,46342708
13	13,42016704

$$w_n = \left(-\frac{3}{2} \right)^n$$

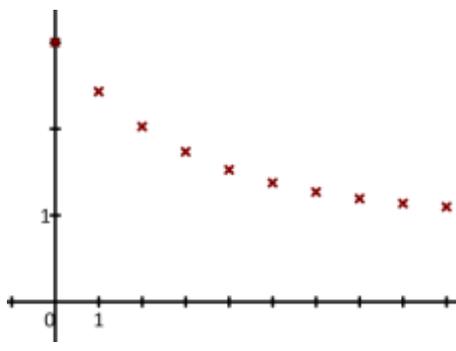
n	Vn
3	-3,375
4	5,0625
5	-7,59375
6	11,390625
7	-17,0859375
8	25,62890625
9	-38,44335938
10	57,66503906

2) À partir d'un graphique (formule explicite)

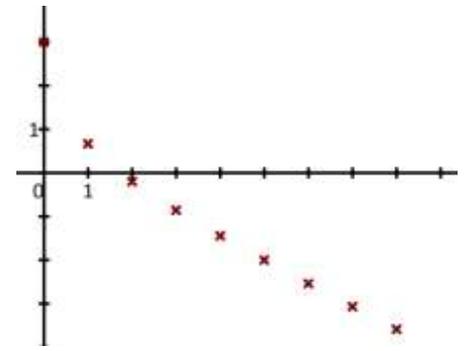
$$a_n = n \times \cos n$$



$$b_n = 2e^{-\frac{n}{3}} + 1$$

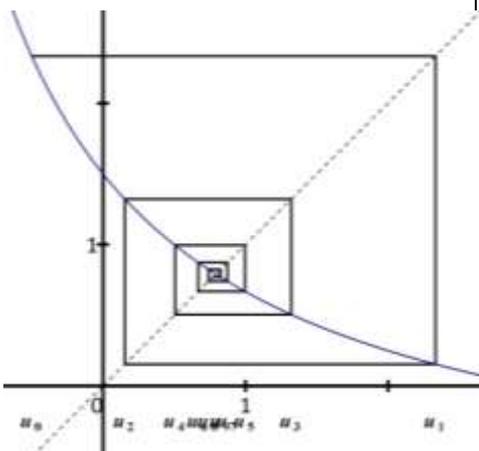


$$c_n = \frac{n^2+1}{3-n}$$

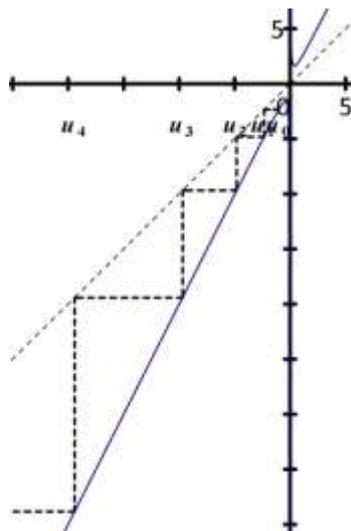


3) À partir d'un graphique (relation de récurrence)

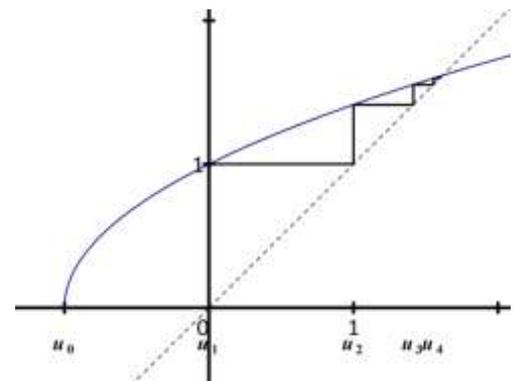
$$R_{n+1} = \frac{3-R_n}{2+R_n} \text{ et } R_0 = -\frac{1}{2}$$



$$S_{n+1} = 2S_n + \frac{1}{3S_n} \text{ et } s_0 = -1$$



$$T_{n+1} = \sqrt{T_n + 1} \text{ et } T_0 = -1$$



Exercice 9 : Limites des suites usuelles, multiples et sommes

Déterminer, quand c'est possible, les limites quand n tend vers $+\infty$ des suites suivantes. Rédiger correctement la première ligne, puis donner directement le résultat des autres.

1) Multiples

$$a_n = 2 \times 3^n$$

$$s_n = 2e^{-n}$$

$$c_n = -7n^2$$

$$g_n = 0,8 \times 1,2^n$$

$$h_n = -3 \ln(n)$$

$$\varepsilon_n = \frac{3}{n^3}$$

$$l_n = \frac{n}{5}$$

$$p_n = -\frac{5}{4} \times e^n$$

$$q_n = 2 \left(\frac{1}{3}\right)^n$$

(t_n) est une suite géométrique de raison $\frac{2}{3}$ et de premier terme $t_0 = 3$

2) Sommes

$$v_n = 6n^2 + \frac{2}{n}$$

$$w_n = \ln(n) - n$$

$$x_n = 6 - 3n$$

$$A_n = 3n^2 + n$$

$$B_n = 5 - 3 \times e^n$$

$$C_n = 3 + \frac{1}{n}$$

$$G_n = 1 + \pi^n$$

$$H_n = 3e^{-n} - 1$$

$$I_n = -2n^2 + 4$$

On a $L_n = M_n + 4$ et $\lim_{n \rightarrow +\infty} M_n = -6$. Quelle est la limite de (L_n) ?

Un peu plus...

$$d_n = (-2)^n$$

$$i_n = -\frac{n^3}{3}$$

$$j_n = -3 \times 4^n$$

$$k_n = \left(\frac{4}{5}\right)^n$$

$$r_n = -3(-0,4)^n$$

$$b_n = -2\sqrt{n}$$

(u_n) est géométrique de raison $\frac{7}{4}$ et de premier terme $u_0 = -5$

Un peu plus...

$$y_n = 3 + \frac{1}{2} \times \left(\frac{3}{4}\right)^n$$

$$z_n = n^3 - 2n$$

$$D_n = (-1)^n - n$$

$$E_n = \frac{4}{n} - \frac{1}{n^2}$$

$$J_n = -3n - \left(\frac{7}{2}\right)^n$$

$$K_n = 4e^{-n} - e^n$$

On a : $P_n + R_n = n^2$ et $\lim_{n \rightarrow +\infty} R_n = +\infty$.
Quelle est la limite de (P_n) ?